### UNIVERSIDADE FEDERAL DO PARÁ INSTITUTO DE TECNOLOGIA PROGRAMA DE PÓS-GRADUAÇÃO EM ENGENHARIA ELÉTRICA

Luís Eduardo de Sena dos Santos

## Filtro eletromagnético baseado em grafeno operando na região THz

UFPA / ITEC / PPGEE Campus Universitário do Guamá Belém – Pará – Brasil

2024

Luís Eduardo de Sena dos Santos

# Filtro eletromagnético baseado em grafeno operando na região THz

Dissertação submetida à Banca Examinadora do Programa de Pós-Graduação em Engenharia elétrica da UFPA para a obtenção do Grau de mestre em Engenharia Elétrica na Área de Eletromagnetismo Aplicado.

Orientador: Prof. Dr. Victor Dmitriev Coorientador: Prof. Dr. Wagner Ormanes Palheta Castro

> UFPA / ITEC / PPGEE Campus Universitário do Guamá Belém-Pará-Brasil

> > 2024

Dados Internacionais de Catalogação na Publicação (CIP) de acordo com ISBD Sistema de Bibliotecas da Universidade Federal do Pará Gerada automaticamente pelo módulo Ficat, mediante os dados fornecidos pelo(a) autor(a)

D278f de Sena dos Santos, Luís Eduardo. FILTRO ELETROMAGNÉTICO BASEADO EM GRAFENO OPERANDO NA REGIÃO THZ / Luís Eduardo de Sena dos Santos. — 2024. 47 f. : il. color.

> Orientador(a): Prof. Dr. Victor Alexandrovic Dmitriev Coorientador(a): Prof. Dr. Wagner Ormanes Palheta Dissertação (Mestrado) - Universidade Federal do Pará, Instituto de Tecnologia, Programa de Pós-Graduação em Engenharia Elétrica, Belém, 2024.

1. Filtros. I. Título.

CDD 621.30221

Luís Eduardo de Sena dos Santos

# Filtro eletromagnético baseado em grafeno operando na região THz

APROVADO EM: 04/04/2024 DM 14/2024

**Prof. Dr. Victor Dmitriev** Orientador - PPGEE/UFPA

Prof. Dr. Wagner Ormanes Palheta Castro (Coorientador / Avaliador externo - UFRA)

Prof. Dr. Rodrigo Melo e Silva de Oliveira (Avaliador interno - PPGEE / UFPA)

Prof. Dr.Licinius Dimitri Sa de Alcantara (Avaliador externo / UFRA)

UFPA / ITEC / PPGEE Campus Universitário do Guamá Belém-Pará-Brasil 2024 A Deus por ser o autor e consumador da minha fé e aos meus país Antônia Corrêa de Sena dos Santos e Antonio dos Santos Carvalho(in memoria) por serem meus grandes apoiadores nessa caminhada e aos meus filhos Anderson Luís (macuxinho) e Luís Eduardo filho(cachorrinho). "

### Agradecimentos

Agradeço ao Senhor e salvador Jesus Cristo por todas as suas bençãos e proteção. Agradeço ao meu pai Antônio dos santos Carvalho (in memorian) e a minha mãe (Antônia corrêa de Sena dos Santos) por todo o esforço, dedicação e empenho na minha criação. Agradeço minha irmã Ana lúcia dos Santos Carvalho por toda a ajuda agradeço ao meu orientador Prof. Dr Victor Dmitriev pela oportunidade que é uma grande sonho para mim, agradeço ao meu co-orientador o prof. Dr Wagner Ormanes por todo empenho e amizade na minha orientação. Agradeço aos amigos(as) do grupo de pesquisa Nanotribo. Agradeço ao Amigo Jefferson Felgueiras pela ajuda e compreensão e amiga Dr francineti Carvalho pela grande amiga de anos.

"Bendito seja o nome do SENHOR, agora e para sempre. Do nascimento do sol até ao ocaso, louvado seja o nome do SENHOR. Excelso é o SENHOR, acima de todas as nações, e a sua glória, acima dos céus." (Autor: Salmos 113: 2-4)

### Resumo

Neste estudo, um filtro plasmônico compacto em nanoescala foi proposto e analisado 2 numericamente. O filtro plasmônico é baseado em nanofitas de grafeno acopladas a um 3 ressonador também de grafeno em forma de disco com cortes laterais horizontalmente 4 e com inclinação de  $45^{\circ}$ , depositados sobre substrato dielétrico de sílica  $(SiO_2)$  e silício 5 (Si), operando na região THz. Investigamos estruturas simples que permitem ajustar 6 a frequência de ressonância do ressonador. Este trabalho fornece uma solução viável 7 para estruturas de nano-filtros plasmônicos de grafeno para uso futuro em aplicações de 8 dispositivos plasmônicos altamente integrados em regiões de THz e FIR. 9

PALAVRAS-CHAVE: Grafeno, filtro, terahetz, ressonador e guia de onda e telecomunicações.

### Abstract

2 In this study, a compact nanoscale plasmonic filter was proposed and numerically analyzed. 3 The plasmonic filter is based on graphene nanoribbons coupled to a disc-shaped graphene 4 resonator with horizontal side cuts and  $45^{\circ}$  orientation, deposited on a dielectric substrate 5 of silica  $(SiO_2)$  and silicon (Si), operating in the THz region. We investigated simple 6 structures that allow tuning the resonance frequency of the resonator. This work provides 7 a viable solution for graphene plasmonic nanofilter structures for future use in highly 8 integrateds plasmonic device applications in THz and FIR regions.

9 KEYWORDS: Graphene, filter, terahetz, resonator, waveguide and telecommunications.

# Lista de ilustrações

Figura 2	1 – Estrutura eletrônica e cristalina do grafeno adaptado de $[19]$	18
Figura 2	2 - Representação do grafeno (adaptado de [22])	19
Figura 2	$3-$ Estruturação do modelo $top{-}down$ para a síntese do grafeno (adaptado	
	de [23]) $\ldots$	20
Figura 2	4 - Método de esfoliação mecânica do grafeno (adaptado de [22])	20
Figura 2	$5-{\rm Representação}$ do método de síntese do grafeno de esfoliação química	
	(adptado de [27])	21
Figura 2	6 – Esfoliação química pelo método de Hummer (adaptado de [30]) $\ldots$	22
Figura 2	7 – Método de síntese do grafeno CVD (adaptado de [31]) $\ldots \ldots \ldots$	22
Figura 2	$8-{\rm Representação}$ da rede de bravais triangular do grafeno (adaptado de [21])	23
Figura 2	9 – Representação do plano basal e de borda do grafeno (adaptado de $[32]$ )	24
Figura 2	10–Estrutura da banda de energia do grafeno (adaptado de [38])	25
Figura 2	11–Representação das ondas plasmônicas sobre uma distribuição de carga	
	metal/dielétrico (adaptado de [40]) $\ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots$	26
Figura 3	1 – Distribuição da componente $E_z$ do campo elétrico dos modos: a) modo	
	dipolo, b) modo quadrupolo e c) modo hexapolo. $\ldots \ldots \ldots \ldots \ldots$	29
Figura 3	2 – Distribuição da componente $E_z$ do campo elétrico para o guia de onda	
	de largura $w = 200$ nm, $l = 3000$ nm e $\epsilon_f = 0, 15$ eV, $f = 5$ THz	30
Figura 3	$3-{\rm Dependência}$ da parte real do índice de refração do grafeno em função da	
	frequência para diferentes larguras $\omega = 100$ nm, $\omega = 200$ nm, $\omega = 300$	
	nm e 400 nm adaptado de [21]. $\ldots$ $\ldots$ $\ldots$ $\ldots$ $\ldots$ $\ldots$	30
Figura 3	4 – Dependência da parte imaginária do índice de refração efetivo ( $n_{eff})$ do	
	grafeno em função da frequência para diferentes larguras $\omega=100$ nm,	
	$\omega=200$ nm, $\omega=300$ nm e 400 nm adaptado de [21]	31
Figura 3	5 – Distribuição de campo na componente $E_z$ nos modos: a) modo 1; b)	
	modo 2; modo 3. adaptado de [43] $\ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots$	31
Figura 3	6 – Esquema do filtro de grafeno: (a) sem corte no ressonador, b) com corte	
	no ressonador na horizontal e c ) com corte no ressonador inclinados em	
	$45^{\circ}$ , vista superior, (d) vista frontal. $\ldots$ $\ldots$ $\ldots$ $\ldots$ $\ldots$	32
Figura 4	1 – Coeficientes de transmissão e reflexão para a estrututa sem cortes.	
	$R = 600 \text{ nm}, w = 200 \text{ nm}, L = 1500 \text{ nm}, g = 5 \text{ nm e } \epsilon_f = 0, 15 \text{ eV}.$	34
Figura 4	2 – Distribuição de campo elétrico da componente $E_z$ : a) 5,4 THz (dipolo),	
	b) 7,3 THz (quadrupolo), c) 8,1 THz (transição do modo dipolo para o	
	quadrupolo), d) 8,8 THz (hexapolo) e d) 9,7 THz (octapolo) e $\epsilon_f = 0, 15$ .	35

Figura 4.3 – a) Coeficientes de transmissão e reflexão para a estrutura com cortes	
laterais horizontais, $wc = 100$ nm e $L_c = 200$ nm $\epsilon_F = 0,15$ eV e	
distribuição de campo elétrico da componente $E_z$ em b) 5,4 THz modo	
dipolo sem corte, c) 4,55 THz modo dipolo com corte horizontal e d)	
$7,3~\mathrm{THz}\ \mathrm{modo}\ \mathrm{quadrupolo}\ \mathrm{sem}\ \mathrm{corte}\ \mathrm{e})\ 7,1\ \mathrm{modo}\ \mathrm{quadrupolo}\ \mathrm{com}\ \mathrm{corte}$	
horizontal	36
Figura 4.4 – a) dipolo 5,35 THz $L_c = 50$ nm e $w_c = 100$ nm; b) quadrupolo 7,3 THz	
$L_c = 50 \text{ nm e } w_c = 100 \text{ nm; c}$ dipolo 5, 2 THz $L_c = w_c = 100 \text{ nm ; d}$	
quadrupolo 7,45 TH z $L_c=w_c=100$ nm; e) dipolo 4,9 TH z $L_c=150$	
nm e $w_c = 100$ nm; f) quadrupolo 7,3 THz $L_c = 150$ nm e $w_c = 100$	
nm e $\epsilon_f = 0, 15$	37
Figura 4.5 – Respostas de transmissão em relação a diferentes $w_c$ dos cortes horizon-	
tais e $L_c$ = 200 nm $R$ = 600 nm, $w$ = 200 nm, $L$ = 1500 nm, $g$ = 5 nm	
e $\epsilon_F = 0, 15$ eV.	38
Figura 4.6 – Respostas de transmissão em relação a diferentes $L_c$ dos cortes horizon-	
tais e $w_c=100~\mathrm{nm}~R=600~\mathrm{nm},~w=200~\mathrm{nm},~L=1500~\mathrm{nm},~g=5~\mathrm{nm}$	
e $\epsilon_F = 0, 15$ eV	39
Figura 4.7 – Frequências ressonantes do modo dipolo em relação à largura $L_c$ do	
corte horizontal e $w_c = 100$ nm $R = 600$ nm, $w = 200$ nm, $L = 1500$	
nm, $g = 5$ nm e $\epsilon_F = 0, 15$ eV	39
Figura 4.8 – Coeficientes de transmissão e reflexão para a estrutura com cortes	
laterais em 45°, w_c = $L_c$ = 100 nm e $\epsilon_f$ = 0,15 eV e distribuição de	
campo elétrico da componente $E_z$ em b ) 5,4 THz modo dipolo sem	
corte , c) 5,3 THz modo dipolo com corte em 45°, d) 7,3 THz modo	
quadrupolo sem corte e e) 7,3 THz modo quadrupolo com corte em 45°	
$\epsilon_f = 0,15 \text{ eV}.$	40
Figura 5.1 – ARTIGO INTERNATIONAL HASANKEYF SCIENTIFIC RESEARCH	
AND INNOVATION CONGRESS	42

# Lista de abreviaturas e siglas

SPP	Superface Plasmonic Polaritons
LSP	Localized Superface Plasmons
THz	Terahertz
bandgap	Intervalo de Banda
CVD	Chemical Vapor Deposition
0D	Materiais de Dimensão Zero
1D	Materiais Unidimensionais
2D	Materiais Bidimensionais
3D	Materiais Tridimensionais
eV	Elétron-Volt
RF	Radio Frequency
$SiO_2$	Dióxido de Silício (Sílica)
Si	Silício
ТМ	Transverso Magnético
TE	Transverso Elétrico
MEF	Método de Elementos Finitos
RTD	Diodo Túnel Ressonante
FET	Transistor de Efeito de Campo
LED	Diodo Emissor de Luz
STM	Microscópio de Varredura por Tunelamento
AFM	Microscópio de Força Atômica
IBM	International Business Machines Corporation
ZB	Zona de Brilouin

# Lista de símbolos

$E_{SPP}$	Energia da "Superface Plasmonic Polaritons"
$\omega_{SPP}$	Frequência de Plasmons da "Superface Plasmonic Polaritons"
$E_{LSP}$	Energia da "Localized Superface Plasmons"
$\omega_{LSP}$	Frequência de "Localized Superface Plasmons"
$\epsilon_2$	Constante dielétrica do semi-espaço não absorvente
$\omega_{pv}$	Frequência de Plasmons para um volume de Plasmons
$E_{pv}$	Energia de um volume de Plasmons
$n_e$	Densidade volumétrica de portadores de carga de semicondutores
$n_{ref}$	Índice de refração de um material
$E_F$	Energia de Fermi
$f_{(E)}$	Função de densidade de probabilidade de um estado de energia ${\cal E}$ estar ocupado
$\mu_{0}$	Permeabilidade magnética no vácuo
$\mu_{\mathbf{r}}$	Permeabilidade magnética relativa de um material
$\mu$	Permeabilidade magnética de um meio material
$\epsilon_r$	Permissividade elétrica relativa de um material
D	Vetor Densidade de fluxo elétrico
$\mathbf{E}$	Vetor campo elétrico
В	Vetor Densidade de fluxo magético
н	Vetor campo magético
ρ	Densidade de carga
$ ho_s$	Densidade superficial de carga
J	Vetor Densidade de corrente
$J_{\rm 2D}$	Vetor Densidade superficial de corrente

σ	Condutividade elétrica de um meio
$\mathbf{D_{1,2}}$	Componente normal da densidade de fluxo elétrico
$\mathbf{H_{1,2}}$	Componente tangencial da intensidade de campo magnético
$\mathbf{B_{1,2}}$	Componente normal da densidade de fluxo magnético
î	Vetor normal ao plano de incidência
k	Vetor de onda
$k_x$	Componente x do vetor de onda
$k_y$	Componente y do vetor de onda
Δ	Espessura do grafeno
τ	Tempo de relaxamento
D	Peso de Drude
$\sigma_s$	Condutividade elétrica do grafeno
$m_0$	massa de repouso do elétron
e	Carga elétrica elementar
$E_x$	Componente x do campo elétrico
$E_y$	Componente y do campo elétrico
$E_{z}$	Componente z do campo elétrico
$H_x$	Componente x do campo magnético
$H_y$	Componente y do campo magnético
$H_z$	Componente z do campo magnético
$k_0$	Número de onda no espaço livre
w	Frequência angular incidente
$\hbar$	Constante reduzida de Planck reduzida
$k_B$	Constante de Boltzmann

## Sumário

1	INTRODUÇÃO	14
2	ASPECTOS TEÓRICOS	16
2.1	Nanotecnologia	16
2.2	Utilização da nanotecnologia na indústria	16
2.3	Equações de Maxwell e condições de contorno	17
2.4	Grafeno	18
2.4.1	Métodos de síntese do grafeno	19
2.4.2	Propriedades Geométricas do Grafeno	22
2.4.3	Estrutura de Banda do Grafeno	24
2.5	Plasmônica	25
2.6	Filtros	27
3	METODOLOGIA	28
3.1	Modelagem Numérica do Grafeno	28
3.1.1	Modelo de drude	28
3.2	Princípio de Funcionamento do Dispositivo	28
3.2.1	Características do guia de onda de Grafeno	29
3.2.2	Características do Ressonador de Grafeno	31
3.3	Geometria do dispositivo	32
4	RESULTADOS NUMÉRICOS	34
4.1	Resultados numéricos	34
4.1.1	Ressonador com cortes laterais horizontais	36
4.1.2	Ressonador com cortes laterais em 45 $^{\circ}$	40
5	CONCLUSÃO	41

### 1 INTRODUÇÃO

Nos últimos anos, tem despontado o interesse pela nanociência e nanotecnologia, 2 que por sua vez, demonstra uma verdadeira revolução científica. Desta forma, vários 3 materias vêm tomando destaque, dentre os quais o grafeno, que surge a partir da síntese 4 do grafite através do método de esfoliação mecânica. Este alotropo do carbono cujo 5 isolamento gera um material bidimensional e possui espessura monoatômica, o mesmo, 6 possui propriedades de suma importância para a comunidades científica, no qual encontra-7 se: resistência mecânica, mobilidade eletrônica, condutividade térmica, flexibilidade, área 8 superficial específica elevada [1, 2]. 9

Estudos demonstram que o grafeno é um dos principais materiais quando o assunto são nanodispositivos operando nas faixas: infravermelho e terahetz. Dentre os dispositivos estão: células solares, transitores, baterias, switch, divisores de potência e filtros [3]. O grafeno possui uma excelente interação com ondas eletromgnéticas na região THz com uma pequena banda de espectro que fica na região fotônica, no entanto, possui um grande potencial em diversas aréas da telecomunicação, onde sua radiação é não ionizante com poder elevado de penetração e altas taxas de transmissão de dados [4–6].

As ondas plasmônicas no grafeno, os SPP, tornam o material uma excelente alternativa para dispositivos nanofotônicos, tornando mais vantajoso do que utilizar metal, devido as suas propriedades físicas ajustáveis para ajustes dinâmicos atráves da inserção de campo magnético externo, bem como dopagem química sem quaisquer alterações nas suas propriedades geométricas. Por sua vez, o grafeno possui alta capacidade de confinamento de plasmons, o que possiblita dispositivos compactos e velozes [7–9].

Neste trabalho temos como objetivo desenvolver um filtro de frequência baseado em
grafeno operando na região THz. O mesmo possui dois guias de onda acoplados frontalmente
a um ressonador circular para a modelagem do dispositivo utilizamos software Comsol.
Realizamos cortes no ressonador que denominamos: de fora pra dentro e cortes em 45°, com
intuito de analisarmos a interferência do cortes em relação à transmissão do dispositivo.

No Capitulo 2, introduzem-se os conceitos básicos de nanotecnologia, eletromagne tismo, conceitos de grafeno e filtros eletromagnéticos

No Capitulo 3, são mostrados os modelos de condutividade elétrica para o grafeno
aplicado na modelagem, bem como a geometria do dispositivo e o seu princípio de
funcionamento. Posteriormente, é feita uma breve revisão a respeito de guias de onda e
análise do acoplamento do ressonador aos guias de ondas.

34

No Capítulo 4, são apresentados os resultados que obtivemos através do filtro: com

- 1 corte de fora dentro, corte em  $45^{\circ}$  e sem corte.
- 2 No Capítulo 5, realizamos as considerações finais mostrando nossos principais resul-
- 3 tados, bem como apontando as princípais dificuldades, além pretensões para o dispositivo.

# 1 2 ASPECTOS TEÓRICOS

Neste Capitulo pretendemos introduzir os conceitos básicos de nanotecnologia,
 eletromagnetismo, conceitos de grafeno e filtros eletromagnéticos.

#### <sup>4</sup> 2.1 Nanotecnologia

O termo nanotecnologia foi introduzido pela primeira vez pelo japonês Norio 5 Taniguch para designar uma nova tecnologia que entraria no mercado, a mesma trabalha 6 com a utilização de materiais na escala nanométrica, onde tem atraído atenção das 7 indústrias, como também dos estudiosos, as pesquisas com nanomaterias despontam 8 devido às propriedades de grande valia para as grandes empresas, tornando-o assim mais 9 eficientes os seus produtos, algumas destas propriedades podem ser mencionadas, dentre as 10 quais: térmicas, ópticas, magnéticas, eletrônicas, dentre outras. Sendo assim, o investimento 11 em estudos de nanociência vem crescendo assiduamente no decorrer dos anos, onde se 12 movimenta o valor de 40 bilhões de dolares por ano. alguns países tem sido propulsores 13 nesse ramo de conhecimento, como: Estados unidos, Japão, Coréia do sul, china, por sua 14 vez, estes países são os que mais investem em nanociência e no programa de investimentos 15 em estudos na área e possui um contingente elevado de patentes. [10, 11] 16

#### 17 2.2 Utilização da nanotecnologia na indústria

A descoberta do universo quântico, bem como a necessidade de novas de tecnologias 18 para diversos ramos do conhecimento, dentre os quais: engenharia, medicina, automobi-19 lística, telecomunicações, dentre outros, fizeram-no proliferar inúmeros estudos sobre a 20 parte microscópica, então, trazem consigo a necessidade de miniaturização dos dispositivos 21 como: sensores, placas mães, transistores, baterias, capacitores, filtros de frequência e 22 assim por diante. Sendo assim, a nanotecnologia aponta-se como uma ferramenta de 23 suma importância para suprir tais necessidades, pois, seu ramo de estudos pode situar na 24 manipulação individual de átomos, moléculas, fótons, com a criação de dispositivos na 25 escala nanometrica [12, 13]26

É notório que a nanotecnologia está presente em nosso cotidiano através de objetos como: notebooks, celulares, televisões, dentre outros. Através disso, percebemos a grande diversidade de elementos tecnológicos existentes em nosso cotidiano, alguns elementos tomam destaque no ramo de estudos na esfera nanotecnologia, devido aos seus altos índices de condutividade (térmica e elétrica), resistência mecânica, assim por diante [12]. 12

#### 1 2.3 Equações de Maxwell e condições de contorno

No prelúdio, após a descoberta experimental de Oerted de que a corrente contínua 2 pode gerar um campo magnético  $\vec{B}$ , através disso, surgiu a possibilidade de investigação 3 de que um campo magnético  $\vec{B}$  poderia gerar eletricidade. Em 1831, foi descoberto que 4 um campo magnético variável no tempo gera um corrente elétrica [14]. Na física possui um 5 ramo bastante conhecido que é o eletromagnetismo, o mesmo comporta estudos dos campos 6 elétricos e magnéticos existentes, por sua vez, são grandezas vetoriais, ou seja, possui 7 direção, sentido e módulo. Todavia, o eletromagnetismo ganha expressão matemática 8 através das equações de James Clark Maxwell popularmente conhecidas como equações 9 de Maxwell [15, 16], as mesmas, se encontram na forma diferencial e integral na forma 10 macroscópica no sistema de unidade MKS como demonstrado a seguir: 11

#### Equações de maxwell na forma diferencial

$$\nabla \cdot \mathbf{D} = \rho_f, \tag{2.1}$$

$$\nabla \times \mathbf{H} = \frac{\partial \mathbf{D}}{\partial t} + \mathbf{J},\tag{2.2}$$

$$\nabla \times \mathbf{E} = -\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t},\tag{2.3}$$

$$\nabla \cdot \mathbf{B} = 0, \tag{2.4}$$

desta forma, podemos mencionar que o **J** é a desindade superficial de carga é o  $\rho_{\mathbf{f}}$  densidade 13 volumétrica de carga. A partir disso, é importante mencionar as relações existentes válidas 14 para materiais existentes isotrópicos lineares como exemplo:  $\mathbf{B} = \mu \mathbf{H}$ , podemos observar a 15 relação da densidade do campo magnético (B) com a intensidade de campo magnético 16 (H), onde  $\mu$  é a permeabilidade magnética. Em seguida, temos  $\mathbf{D} = \varepsilon \mathbf{E}$ , a mesma, faz a 17 relação entre a densidade de campo elétrico  $(\mathbf{E})$  e a intensidade de campo elétrico  $(\mathbf{D})$ 18 e  $\varepsilon$  representa a permissividade elétrica, tais elementos mencionados são propriedades 19 intrísecas de cada material [17, 18]. 20

Em se tratar de grafeno, podemos destacar que é considerado um material 2D, por conveniência esteja no plano XY e definimos  $J_f \in P_f$  como:

$$\mathbf{J}_{\mathbf{f}} = \mathbf{J}_{\mathbf{s}}\delta(z) \tag{2.5}$$

$$\mathbf{P_f} = \mathbf{P_s}\delta(z),\tag{2.6}$$

outro fator importante é o conjunto de equações que estão relacionadas às condições de
contorno, das componentes normais e transversais dos campos elétrico e magnético, na
interface de dois meios.

$$\mathbf{E_{1t}} = \mathbf{E_{2t}} \tag{2.7}$$

$$\mathbf{H_{1t}} - \mathbf{H_{2t}} = \mathbf{J_s} \times \hat{n} \tag{2.8}$$

$$\mathbf{D_{1n}} - \mathbf{D_{2n}} = \mathbf{P_s} \tag{2.9}$$

$$\mathbf{B_{1n}} = \mathbf{B_{2n}},\tag{2.10}$$

7 onde, *î* trata-se da normal à estrutura. vale a pena salientar, que as equações de maxwell
8 e condições de contorno são peças fundamentais para a construção desse trabalho, haja
9 vista, eficaz para se obter a solução analitica da camada infinita de grafeno, bem como
10 subsidiar no uso do programa COMSOL.

#### 11 2.4 Grafeno

4

No mundo, existem várias formas alatrópicas do carbono como exemplo: diamante, 12 nanotubo de carbono (NTC), grafite e o grafeno. Devido a crescente demanda mundial 13 por dispositivos de alto desempenho, os alotropos do carbono tem ganhado destaque no 14 que tange o rumo das pesquisas para tais dispositivos. Desta forma, torna-se de suma 15 importância a definição do grafeno neste trabalho, pois o mesmo é dos grandes expoentes 16 no que diz respeito à tecnologia. A sua estrutura de uma única camada de átomos de 17 carbono que estão sobre uma estrutura cristalina hexagonal hibridizados na forma  $Sp^2$ 18 como demonstrado na Figura 2.1, torna esse material muito explorado na comunidade 19 científica. 20



Figura 2.1 – Estrutura eletrônica e cristalina do grafeno adaptado de [19]

O grafeno é um material bidimensional com espessura monoatômica, no entanto, pode ser representado de maneira mais ampla pela junção de outras folhas de grafeno cuja a espessura  $d_{002} = 0,335nm$  formado a partir de uma série de ligações covalentes, esse grupo pode interagir através de ligações de Van der Waals com outra estrutura acoplada de folhas de grafeno como representado na Figura 2.2 [19–22].



Figura 2.2 – Representação do grafeno (adaptado de [22])

Esse material possui alta condutividade no que se refere a eletricidade e a energia
 térmica, como também uma excelente resistência mecânica, em relação condutividade
 elétrica pode chegar até 2 · 10<sup>4</sup>S/cm, por sua vez a condutividade térmica do grafeno em
 temperatura ambiente pode atingir 5000W/m.K [20].

#### 5 2.4.1 Métodos de síntese do grafeno

Desde a sua descoberta em 2004 por pesquisadores da universidade manchester, no 6 qual rendeu o prêmio nobel de física em 2010, alguns métodos de síntese do grafeno foram 7 descorbertos com a subsequência dos dias, dentro os quais estão: esfoliação mecânica, 8 esfoliação química e deposição química a vapor(CVD). Vale a pena destacar, que os 9 métodos de esfoliação química e mecânica derivam do grafite, onde a principal diferença 10 seja que na química, a estrutura do grafite é tratada através de procedimentos físicos e 11 quimicos, enquanto na mecânica acontece a descamação das lâminas de grafeno do floco 12 de grafite por repetições de movimentos de cola e descola, onde a fita adesiva mergulha-se 13 em acetona. 14

No método de esfoliação mecânica juntamente com a esfoliação química é um processo conhecido com top-down, isso indica que o grafeno pode ser sintetizado por sepração ou esfoliação, por sua vez, esses métodos de síntese possuí um menor valor econômico, no qual tornam o processo de síntese muito mais prático. Na Figura 2.3 temos a representação esquemática dos métodos *top-down*. [23, 24]



Figura 2.3 – Estruturação do modelo *top-down* para a síntese do grafeno (adaptado de [23])

1 Então, o método de esfoliação mecânica é processo rudimentar que consiste na 2 descamação das monocamadas de grafeno dos cristais de grafite através de fitas adesivas, 3 onde essas são banhadas por acetona e dopadas com uma camada de sílica  $(SiO_2)$ . em 4 seguida, as lâminas de grafeno ficam retidas na superficie  $SiO_2/Si$  na Figura 2.4 demonstra 5 o processo supramencionado, [21, 25].



Figura 2.4 – Método de esfoliação mecânica do grafeno (adaptado de [22])

Em seguida, temos o método de esfoliação química, sendo o método mais adotado de síntese do grafite devido ao seu custo-benefício, produção em larga escala e qualidade do material. Este processo consiste no enfraquecimentos das interações de Van der Waals entre os planos atômicos do grafite, por meio de elementos oxidantes que formam grupos funcionais em sua camada. através disso, ocorre a formação de gases gerando rompimentos nas ligações  $Sp^2$  existentes no plano atômico do grafite, com isso, forma-se uma folha de grafite de menor instabilidade. Na Figura 2.5, temos a representação do método de síntese de esfoliação química [21, 23, 26].



Figura 2.5 – Representação do método de síntese do grafeno de esfoliação química (adptado de [27])

1

Em 2006 Ruoff e colaboradores divulgaram uma nova rota para obtenção do grafeno 2 como demonstrado na Figura 2.6, a partir do método de Hummer que tem como objetivo a 3 redução do óxido de grafeno. Sendo assim, o grafeno é disperso em uma solução composta 4 de ácido sulfúrico, nitrato de sódio e permaganato de potássio em uma temperatura 5 de  $45^\circ C$  em duas horas, a partir disso, a formação de radicais de carboxila e hidroxila 6 anexados, onde gera a dispersão do grafite, a partir dessa separação acontece o processo 7 químico de redução, com intuito de eliminar os radicais anexados e reestabelecer a rede 8 grafítica inerente ao grafeno [28,29] 9



Figura 2.6 – Esfoliação química pelo método de Hummer (adaptado de [30])

Por último, temos o método de síntese do grafeno deposição de vapor químico, 1 que toma notoriedade a partir da década de 70. O mesmo, consiste na decomposição 2 do material a partir de um gás, ou outro componente volátil composto por carbono que 3 catalisa-se por uma superficíe metálica, sintetizando o processo CVD em três partes, o 4 catalisador, o precursor de carbono e a energia térmica, onde a mesma deve ser suficiente 5 para a decomposição do precursor, na figura 2.7 temos a representação do método CVD. O 6 processo funciona a partir da mistura de três gases, o precursor que é um hidrocarboneto, 7 um segundo gás que na grande maioria da vezes é o Argonio  $(A_r)$ , reponsável por manter 8 a atmosfera inerte e também a velocidade do processo e por último o gás hidrogênio  $(H_2)$ , 9 no qual estimula o processo de decomposição [1,31]. 10



Figura 2.7 – Método de síntese do grafeno CVD (adaptado de [31])

#### 11 2.4.2 Propriedades Geométricas do Grafeno

O grafeno possuí uma estrutura bidimensional, cujo átomos de carbono estão ligados através de ligações covalentes, o mesmo possuí uma rede de bravais triangular 2D, onde cada célula unitária comporta dois átomos cuja as ligações entre carbonos são do tipo  $\sigma$  e a distância entre os carbonos  $a_{cc} = 1, 42$ Å, onde esses dois átomos possui vetores unitários  $a_1 e a_2$  e pode ser definidos pela equação 2.11 [32, 33].

$$a_1 = \frac{a}{2}(3,\sqrt{3}); a_2 = \frac{a}{2}(3,-\sqrt{3}),$$
 (2.11)

1 partindo do ponto de vista do espaço real a célula únitaria do grafeno é a primeira zona 2 brillouin ( $\Gamma$ ) que limita-se no espaço recíproco pelos vetores  $b_1 \ e \ b_2$  como é demonstrado 3 pela equação 2.12. A zona de brillouin tem um papel de suma importância para o estudo 4 do grafeno, haja vista, possui as informações das propriedades eletrônicas do grafeno, bem 5 como o seu nível de dispersão [21,33].

$$b_1 = \frac{3\pi}{3a}(1,\sqrt{3}); b_2 = \frac{3\pi}{3a}(1,-\sqrt{3}), \qquad (2.12)$$

6 a estrutura hexagonal do grafeno cuja rede de bravais triangular pode ser representada

7 pela figura 2.8, a estrutura hexagonal possui 6 átomos de carbono em cada encontro de

8 vértice que compartilham-se em 3 células unitártias [33].



Figura 2.8 – Representação da rede de bravais triangular do grafeno (adaptado de [21])

É importante frisar, que o grafeno possuí duas regioes distintas que são: plano 9 basal e o plano de borda, no plano basal os átomos de carbono fazem 3 ligações fortes. 10 Os orbitais híbridos 2S,  $2P_x \in 2P_y$  estão em um plano para três eletróns de valência a 11 quarta ligação está diretamenta associada ao orbital  $2P_Z$ , tal caracteríticas do grafeno 12 influência na deslocamento dos eletróns por toda a sua rede cristalina. na figura 2.9 temos 13 representação do plano basal e borda, a célula unitária do grafeno está representada pelo 14 losango verde, temos também a representação do espaço real através dos vetores unitários 15  $a_1 e a_2$  e do recíproco através  $b_1 e b_2 [32, 34, 35]$ . 16



Figura 2.9 – Representação do plano basal e de borda do grafeno (adaptado de [32])

#### 1 2.4.3 Estrutura de Banda do Grafeno

A estrutura do grafeno pode ser obtida por aproximação atráves do método computacional de tight-binding, o mesmo pode ser utilizado quando há sobreposição da função de onda atômica entre a sua vizinhança e torna suficiente para descrever a correção dos átomos isolados de um sólido cristalino. Este método descreve de maneira fidedigna a estrutura de bandas por toda a zona brillouin. Na equação (2.13) temos a representação do método de tight-binding [21, 36].

$$E(K) = \pm \gamma \sqrt{1 + 4\cos(K_x \frac{a\sqrt{3}}{a}\cos(K_y \frac{a}{2} + 4\cos^2(K_y \frac{a}{2})))}, \qquad (2.13)$$

na equação (2.13) temos a banda de condução quando (E > 0) e a banda de valência 8 (E < 0), podemos observar atráves da figura 2.10, que a banda de condução de menor 9 energia toca a banda de valência de maior energia em seis distintos pontos conhecidos 10 como cones de dirac, por sua vez, demonstra o gap zero do grafeno puro tornando o grafeno 11 com propriedades únicas. Na óptica linear devido a estrutura eletrônica de valência no 12 formato cônico a condutividade do garfeno é o elemento essencial da plasmônica, pois 13 traz consigo elemento físico que governa as interações eletromagnéticas entre o grafeno e 14 estímulos externos [37–39]. 15



Figura 2.10 – Estrutura da banda de energia do grafeno (adaptado de [38])

#### 1 2.5 Plasmônica

Recentemente tiveram-se vários avanços nos estudos de dispositivos fotônicos a base 2 de sílicio em áreas como: biomedicina, engenharias, dentre outras. Devido a minituralização 3 dos componentes e um baixo custo de produção concatenado a eficiência, torna-se necessário 4 falar sobre plasmônica que nada mais é qua a interação da luz com a matéria em dimensões 5 menores que o comprimento de onda da luz no ar. Com o surgimento do termo plasmons 6 em 1956 por David Pines, o mesmo se refere a perdas coletivas de elétrons no metal, no 7 ano de 1968, Ricthie através da experimentação desobre os plasmons de superficie (surface 8 plasmon-SP). Os SPs são descritos como o acoplamento coletivo de oscilações de eletróns 9 livres (ou de condução), posteriormente, surge a ressonância de plasmons de superficie 10 (surface plasmons ressonance-SPR) que define-se como: a ressonância gerada pela interação 11 de luz com filmes finos metálicos [37, 40]. 12

Vale a pena salientar, que através da plasmônica torna-se cabível a compreensão de dispositivos nanofotônicos, e também o funcionamento de elétrons livres de condução, os mesmos interagem em uma interface metal/dielétrico. Os eletróns de condução tem comportamento similar com o plasma, onde as partículas oscilam de maneira coletiva em função da frequência, no qual pode ser denominada frequência de plasma, onde pode ser representada pela equação (2.14) [14].

$$\omega_p = \sqrt{\frac{4\pi e^2 n}{m^*}},\tag{2.14}$$

onde e é a carga do elétron, m\* é a massa efetiva do elétron e n é a concentração dos
elétrons de condução, como já definido o plasmon como a associação de elétrons livres dos
metais e possui uma energia dada pela equação (2.15) [37]

$$E = \hbar \omega_p, \tag{2.15}$$

1 onde  $\hbar$  é a constante de planck normalizada. Ao incidirmos uma onda eletromagnética em

2 uma interface teremos o acomplamento de fotóns aos plasmons de superfície, conhecido

3 como ondas plasmônicas, as mesmas confinam a luz na interface meta/dielétrico, cujo o maior poder de penetração está no dielétrico como demonstrado pela figura 2.11 [40].



Figura 2.11 – Representação das ondas plasmônicas sobre uma distribuição de carga metal/dielétrico (adaptado de [40])

4

5 O comportamento dessas ondas obedecem as equações de Maxwell e suas respec-6 tivas condições de contorno. Com isso, podemos obter a relação de dispersão do modo 7 traversal magnético (TM) para ondas de plasmon para uma interface metal/dielétrico 8 comportamento define-se pela equação (2.18) [41].

$$q = \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\epsilon_1 \epsilon_2}{\epsilon_1 + \epsilon_2}},\tag{2.16}$$

 $\epsilon_1$  representa a permissividade elétrica do meio dielétrico, cujo valor é a constante real e 9 positivo,  $\epsilon_2$  caracteriza a permissividade elétrica dos metais, no qual é uma função complexa, 10 que depende da frequência de plasma  $\omega_p$ ,  $\omega$  é a frequência angular e c é a velocidade da 11 Luz. Ao analisarmos o grafeno podemos perceber que há propagação de ondas plasmônicas 12 tanto para o modo transverso elétrico (TE), como para o modo transverso eletromagnético 13 (TM), por sua vez, o grau dissipativo de energia é menor no grafeno do que em relação há 14 um metal em uma faixa de frequência maior que vai do THz ao infravermelho. Outro fator 15 importante, o grafeno tem a possibilidade de ajuste dinâmico de suas propriedades físicas, 16 ou seja, não precisa de mudanças geométricas em sua estrutura alterando-se apenas o seu 17 potencial químico ou a realização de uma dopagem química [37,41,42]. 18

A relação de dispersão para os modos  $TE \in TM$  no grafeno magnetizado e não magnetizado está relaiconada às equações de Maxwell. A análise de ressonadores de grafeno magnetizado, possui uma relação de dispersão dada por:  $\beta_{Spp} = \beta'_{Spp} + i\beta''_{Spp}$ , cuja 1 a expressão real e imaginária é dada pelas equações (2.17) e (2.18) [37].

$$\beta'_{Spp} = \frac{\epsilon(\omega\hbar)^2}{4\alpha\mu_c\hbar c} (1 - \frac{\omega_c^2}{\omega^2})$$
(2.17)

$$\beta_{Spp}^{''} = \frac{\epsilon(\omega\hbar)^2}{4\alpha\mu_c\hbar c} (\frac{\alpha}{\omega}), \qquad (2.18)$$

2 para o filtro de frequência plasmônico não magnetizado temos a parte real e imaginária

 $_{3}$  representado pelas equações (2.19) e (2.20).

$$\beta'_{Spp} = \frac{\epsilon(\omega\hbar)^2}{4\alpha\mu_c\hbar c} \tag{2.19}$$

$$\beta'_{Spp} = \frac{\epsilon(\omega\hbar\alpha)}{4\alpha\mu_c c},\tag{2.20}$$

4 onde  $\alpha \approx 0,007$  é a constante de de estrutura fina convencional,  $\hbar$  constante reduzida de

5 planck  $\mu_c$  potencial químico, C velocidade da luz,  $\omega_c$  frequência de cíclotron e  $\gamma$  taxa de 6 espalhamento para o grafeno a cosntante de estrutura fina  $\alpha_g = \frac{\epsilon^2}{\epsilon \hbar v_f}$  [37,43].

#### 7 2.6 Filtros

8 Os filtros são dispositivos de dois pólos cuja função é atenuar altas frequências, 9 estes filtros podem ser classificados quanto a sua resposta em frequência como: passa-baixa, 10 rejeita-faixa, passa-alta e passa-faixa. Podemos caracterizar que os filtros passa-baixas e 11 passa-alta são formados por duas regiões de interesse que são: faixa de passagem e faixa 12 de rejeição. Na de passagem deseja-se que o sinal se mantenha minimamente atenuado, 13 enquanto na faixa de rejeição o sinal deve ser completamente atenuado [4]

Desta forma, buscamos caracterizar de maneira sistematizada todos os aspectos que compõem este trabalho, sendo assim, esta pesquisa retrata um filtro de frequência baseado em grafeno, composto de sílica, silício e grafeno. Onde é composta por dois guias de onda é um ressonador, utiliza-se para síntese computacional o software Comsol [33].

### <sup>1</sup> 3 METODOLOGIA

No presente capítulo são mostrados os modelos de condutividade elétrica para o grafeno aplicado na modelagem, bem como a geometria do dispositivo e o seu princípio de funcionamento. Posteriormente, é feita uma breve revisão a respeito de guias de onda e análise do acoplamento do ressonador aos guias de onda.

#### 6 3.1 Modelagem Numérica do Grafeno

A partir do avanço da nanotecnologia vários materiais bidimensionais vem tomando
a atenção da comunidade científica, dentre o qual encontra-se o grafeno se destacando devido
possuir intrinsecamente excelente propriedade eletrônica, devido ser um semicondutor com
gap nulo com características de condução excelentes. partindo deste pressuposto, dentre
os métodos teóricos eficientes temos o modelo de drude [44, 45].

#### <sup>12</sup> 3.1.1 Modelo de drude

No século XIX o alemão Paul Drude considerou que metais unidos formam um
material metálico, onde os eletróns da última camada se desprendem e se tornam livres,
enquanto que os íons permanecem fixos. No modelo de Drude as interações mecânicas
entre eletróns e íons são consideradas instântaneas, assim como na teoria cínetica dos
gases.

Em relação ao grafeno, a partícula são Fermions de Dirac. O modelo de Drude descreve com eficiência a condutividade elétrica de forma eficiente da região do THz e infravermelho, onde na ausência de campo magnético externo à condutividade é descrita através da equação (3.1) [44–46].

$$\sigma_{intra}(\omega) = \frac{\sigma_0}{\pi} \frac{4\mu_c}{\hbar\gamma - i\hbar\omega},\tag{3.1}$$

onde, σ<sub>0</sub> = ε<sup>2</sup> \ 4ħ é a condutividade universal, μ<sub>c</sub> potencial químico, ω frequência angular,
γ = 1 \ τ taxa de espalhamento, ħ constante de planck reduzida [47]. Esta equação torna-se
necessário para o resultado númerico de nosso dispositivo.

#### 25 3.2 Princípio de Funcionamento do Dispositivo

O princípio de funcionamento do dispositivo se dá a partir da propagação de ondas plasmônica na superfície do grafeno que excitam os modos ressonantes no ressonador Figura 3.1.



Figura 3.1 – Distribuição da componente  $E_z$  do campo elétrico dos modos: a) modo dipolo, b) modo quadrupolo e c) modo hexapolo.

Desta forma, atráves dos íons livres do grafeno forma-se a ondas plasmônicas (SPP)
 que se propagam na superfície de grafeno.

#### 3 3.2.1 Características do guia de onda de Grafeno

Os circuitos eletrônicos estão a encolher como preconiza à lei de moore [48]. Devido
a evolução do modo de guia de onda, observou-se que o guia de onda de grafeno é capaz de
suportar o modo de propagação SPP. A nanofita de grafeno concatenada em um substrato
de sílicio pode aumentar o modo de propagação [43, 48]. Para analisarmos as perdas do
dispositivo realizamos simulações apenas com os guias de onda sem ressonador como
demonstra a Figura 3.2.



Figura 3.2 – Distribuição da componente  $E_z$  do campo elétrico para o guia de onda de largura w = 200 nm, l = 3000 nm e  $\epsilon_f = 0, 15$  eV, f = 5 THz.

1 Em [21], foi calculado a dependência da parte real do índice de refração efetivo do 2 grafeno em função da frequência para diferentes larguras do guia de onda, w = 100 nm, 3 w = 200 nm, w = 300 nm e w = 400 nm, como podemos observar na figura 3.3.

O guia de onda com largura de 100 nm possui valores mais altos para a parte real o  $n_{eff}$  em comparação com as outras larguras. A parte real de  $n_{eff}$  define o comprimento o de onda, o qual aumenta com a frequência.



Figura 3.3 – Dependência da parte real do índice de refração do grafeno em função da frequência para diferentes larguras  $\omega = 100$  nm,  $\omega = 200$  nm,  $\omega = 300$  nm e 400 nm adaptado de [21].

7 As perdas no guia de onda de grafeno, definida pela parte imaginária do  $n_{eff}$ , 8 diminui com o aumento da frequência.



Figura 3.4 – Dependência da parte imaginária do índice de refração efetivo ( $n_{eff}$ )do grafeno em função da frequência para diferentes larguras  $\omega = 100$  nm,  $\omega = 200$  nm,  $\omega = 300$  nm e 400 nm adaptado de [21].

1 Os modos SPP foram investigados em [43] para fitas de até 260 nm, onde temos o 2 modo(1), modo (2) e modo(3) para as respectivas frequências 20 THz, 30 THz e 40 THz,





Figura 3.5 – Distribuição de campo na componente  $E_z$  nos modos: a) modo 1; b) modo 2; modo 3. adaptado de [43]

Então, para a análise do filtro eletrmagnético optamos pelo modo 1 devido ao seu
menor grau dispersão em relação aos outros dois modos, bem como uma melhor excitação
no ressonador.

#### 7 3.2.2 Características do Ressonador de Grafeno

8 As frequências de ressonância do ressonador de grafeno podem ser obtidas a partir 9 do raio do ressonador com o comprimento de onda plasmônico . Neste caso, utilizamos 10 o modo de propagação TM sem campo magnético externo. Sendo assim, iremos obter o 11 raio R do ressonador para os modos dipolo, quadrupolo e hexapolo através da seguinte condição 2π R = nλ<sub>spp</sub>, onde λ<sub>spp</sub> é o comprimento de onda plasmônica. Então, é possível
 obter uma aproximação do raio do ressonador, considerando apenas a parte real, onde
 R = nλ<sub>spp</sub>/2π, substitui-se λ<sub>spp</sub> temos a equação (3.2). Onde, μ<sub>c</sub> é o potencial químico e
 ϵ<sub>1</sub> é a permissivade. [49].

$$R \approx n8, 3 \times 10^{40} \frac{\mu_c}{(1+\epsilon_1)(\omega)^2},$$
 (3.2)

5 onde, n = 1, 2, 3 assumi os valores de 1, 2 ou 3, respectivamente para os modos dipolo, 6 quadrupolo e hexapolo.

#### 7 3.3 Geometria do dispositivo

Representações esquemáticas dos projetos possíveis são dadas na Figura 3.6. As
fig: 3.5(a), 3.5(b) e 3.5(c), mostram as vistas superiores e a Fig. 3.5(d) apresenta a vista
lateral dos dispositivos. Como mostrado nas Figs. 3.5(a), 3.5(b) e 3.5(c), os dispositivos
consistem em guias de onda de grafeno conectados ao ressonador circular de grafeno sem
cortes, com cortes laterais na horizontal e com cortes inclinados em 45°, respectivamente.
Os guias de onda são separados do ressonador por um gap g.



Figura 3.6 – Esquema do filtro de grafeno: (a) sem corte no ressonador, b) com corte no ressonador na horizontal e c) com corte no ressonador inclinados em 45°, vista superior, (d) vista frontal.

Os componentes do grafeno estão sobre um substrato dielétrico composto pelas camadas de sílica  $(SiO_2)$  e de silício (Si) com espessuras  $h_1$  e  $h_2$  de 2500 nm e as permissividades relativas de  $\epsilon_1 = 2,09$  e  $\epsilon_2 = 11,9$ , respectivamente. O ressonador de grafeno tem raio R = 600 nm, guias de onda de largura w = 200 nm e comprimento L = 1500 nm, acoplados frontalmente por uma distância g = 5 nm. As dimensões  $w_c$  e  $L_c$ corresponde a largura e o comprimento dos cortes laterais horizontais e inclinados em 45°, feitos no ressonador de grafeno, respectivamente.

# 1 4 RESULTADOS NUMÉRICOS

#### 2 4.1 Resultados numéricos

O princípio de funcionamento do dispositivo é baseado em ondas plasmônicas nos 3 guias de ondas de grafeno, que excitam ressonâncias de modos dipolo, quadrupolo, hexapolo 4 e octapolo no ressonador circular também de grafeno. Primeiramente, as características 5 de frequência do filtro sem cortes laterais no ressonador são plotadas na Figura 4.1, com 6 o intuito de serem comparadas com a estrutura proposta (ver Figuras 3.5a e 3.5b). Nós 7 devemos considerar a seguir, apenas as perdas relacionadas ao ressonador. Para tanto, 8 subtraímos de todas as perdas do filtro, as perdas dos guias de onda com o comprimento 9 2L (ver Figura 3.5 - guia). É possível observar que existem cinco picos de transmissão nas 10 frequências 5,4 THz (modo dipolo), 7,3 THz (modo quadrupolo), 8,1 THz (transição do 11 quadrupolo para o hexapolo) 8,8THz (modo hexapolo) e 9,7 THz (modo octapolo). 12



Figura 4.1 – Coeficientes de transmissão e reflexão para a estrututa sem cortes. R = 600 nm, w = 200 nm, L = 1500 nm, g = 5 nm e  $\epsilon_f = 0, 15$  eV.

1 A onda injetada na porta 1 será transmitida para a porta 2, como pode ser visto 2 na distribuição de campo da componente Ez do campo elétrico para os modos dipolo, 3 quadrupolo, hexapolo e octapolo, apresentadas nas figuras 4.2 a-d, respectivamente.



Figura 4.2 – Distribuição de campo elétrico da componente  $E_z$ : a) 5,4 THz (dipolo), b) 7,3 THz (quadrupolo), c) 8,1 THz (transição do modo dipolo para o quadrupolo), d) 8,8 THz (hexapolo) e d) 9,7 THz (octapolo) e  $\epsilon_f = 0, 15$ .

#### 1 4.1.1 Ressonador com cortes laterais horizontais

2 Cortes duplos horizontalmente com largura de 100 nm e comprimentos de 200

3 nm foram feitos no ressonador (ver Figura 3.5b). As características em frequência e as

4 distribuições de campo da propagação de SPPs para quatro frequências diferentes (4,55

 $_5~$  THz, 5,4 THz, 7,3 THz e 7,1 THz) estão presentes nas figuras 4.3 a-e, respectivamente.



Figura 4.3 – a) Coeficientes de transmissão e reflexão para a estrutura com cortes laterais horizontais, wc = 100 nm e  $L_c = 200$  nm  $\epsilon_F = 0, 15$  eV e distribuição de campo elétrico da componente  $E_z$  em b) 5, 4 THz modo dipolo sem corte, c) 4, 55 THz modo dipolo com corte horizontal e d) 7, 3 THz modo quadrupolo sem corte e) 7, 1 modo quadrupolo com corte horizontal.

6 Todos os outros parâmetros, tanto geométricos como físicos são mantidos fixos, 7 ou seja, R = 600 nm, w = 200 nm, L = 1500 nm, g = 5 nm e  $\epsilon_F = 0, 15$  eV. Observa-se 8 que o dispositivo começa a operar na frequência de ressonância do modo dipolo em 4, 55 9 THz (Figura 4.3 a), com perdas de inserção de -4 dB. Pode-se entender que o aumento 10 das perdas de inserção encontradas nos resultados do FEM, são causados por múltiplas 11 reflexões nas bordas dos cortes laterais no ressonador. Além disso, as demais frequências

- 1 de ordem superior (modos quadrupolo, hexapolo e octapolo) sofrem distorções devido
- 2 também às reflexões múltiplas com interferência destrutiva causada pela influência dos
- 3 cortes laterais. Podemos destacar que há uma grande mudança na frequência de ressonância
- ${\tt 4}~$ em relação ao dispositivo sem corte. Desta forma, observa-se que o cortes realizados na
- 5 parte horizontal do ressonador possuem grande influência na frequência de ressonância
- 6 como apresentando no modo dipolo e quadrupolo.



Figura 4.4 – a) dipolo 5,35 THz  $L_c = 50$  nm e  $w_c = 100$  nm; b) quadrupolo 7,3 THz  $L_c = 50$  nm e  $w_c = 100$  nm; c) dipolo 5,2 THz  $L_c = w_c = 100$  nm ; d) quadrupolo 7,45 THz  $L_c = w_c = 100$  nm; e) dipolo 4,9 THz  $L_c = 150$  nm e  $w_c = 100$  nm; f) quadrupolo 7,3 THz  $L_c = 150$  nm e  $w_c = 100$  nm; f) quadrupolo 7,3 THz  $L_c = 150$  nm e  $w_c = 100$  nm e  $\epsilon_f = 0, 15$ 

Na figura 4.4 mantivemos todos os parâmetros da figura 4.3, tanto geométricos 1 como físicos são mantidos fixos, ou seja, R = 600 nm, w = 200 nm, L = 1500 nm, g = 52 nm e  $\epsilon_F = 0,15$  eV. Realizamos a variação no comprimento  $(L_c)$  entre 50 nm à 150 3 nm para termos a compreensão sobre às frequência de ressonância dos modos dipolo e 4 quadrupolo referente a figura 4.3. Desta forma, observa-se que a medida que aumentamos 5 o comprimento  $(L_c)$  do corte diminuimos a frequência de ressonância no modo dipolo. 6 Conseguimos observar através dessas variações no comprimento do corte no ressonador 7 que na figura 4.3 c) e figura 4.3 e) ocorre a formação do modo dipolo e quadrupolo, 8 respectivamente devido o comportamento se repetir nas regiões supramencionadas através 9 da figura 4.4. 10

Em seguida, investigamos a influência de diferentes cortes laterais no ressonador de 11 grafeno nas frequências de ressonância do dispositivo. A largura  $w_c$  do corte horizontal foi 12 variada de 50 nm a 500 nm e o comprimento  $L_c$  foi definido como 200 nm, enquanto outros 13 parâmetros são fixados conforme acima. A Figura 4.5 mostra os espectros de transmissão 14 do modo dipolo para três variações de  $w_c$  (100 nm, 200 nm e 300 nm). Observamos que as 15 excitações dos modos dipolares ressonantes na nanocavidade não alteram a frequência de 16 operação do dispositivo. 17



Figura 4.5 – Respostas de transmissão em relação a diferentes  $w_c$  dos cortes horizontais e  $L_c = 200 \text{ nm}$  R = 600 nm, w = 200 nm, L = 1500 nm, g = 5 nm e  $\epsilon_F = 0, 15$ eV.

18

Além disso, os espectros de transmissão com diferentes comprimentos  $L_c$  dos cortes laterais no nanodisco de grafeno também foram estudados. A Figura 4.6 apresente a 19 resposta de transmissão para três comprimentos (100 nm, 200 nm e 300 nm), enquanto os 20 outros parâmetros são definidos como R = 600 nm, w = 100 nm, L = 1500 nm, g = 5 nm, 21  $w_c = 200 \text{ nm e } \epsilon_F = 0, 15 \text{ eV}.$ 22



Figura 4.6 – Respostas de transmissão em relação a diferentes  $L_c$  dos cortes horizontais e  $w_c = 100$  nm R = 600 nm, w = 200 nm, L = 1500 nm, g = 5 nm e  $\epsilon_F = 0, 15$  eV.

1 Ao introduzir cortes laterais horizontais no ressonador de disco, a transmissão do 2 modo de ressonância dipolo pode ser efetivamente ajustada alterando o comprimento  $(L_c)$ . 3 Isso revela que o pico de transmissão do modo dipolo é deslocado para frequências mais 4 baixas com o aumento do comprimento do corte horizontal  $L_c$ . Na Figura 4.7, existe uma 5 relação linear entre a frequência de ressonância e o comprimento  $L_c$  (aumentando de 50 6 nm para 500 nm em passos de 50 nm).



Figura 4.7 – Frequências ressonantes do modo dipolo em relação à largura  $L_c$  do corte horizontal e  $w_c = 100$  nm R = 600 nm, w = 200 nm, L = 1500 nm, g = 5 nm e  $\epsilon_F = 0, 15$  eV.

#### 4.1.2 Ressonador com cortes laterais em 45°

cortes duplos em 45° com larguras de 100 nm e comprimentos de 200 nm foram
 feitos no ressonador (ver Figura 3.5c). As características em frequência e as distribuições

3 de campo da propagação de SPPs para quatro frequências (5, 4 THz, 5, 3 THz, 7, 3 THz e

4 7,3 THz) estão presentes nas figuras 4.7 a-e, respectivamente.



Figura 4.8 – Coeficientes de transmissão e reflexão para a estrutura com cortes laterais em 45°, w<sub>c</sub> =  $L_c = 100$  nm e  $\epsilon_f = 0, 15$  eV e distribuição de campo elétrico da componente  $E_z$  em b) 5, 4 THz modo dipolo sem corte , c) 5, 3 THz modo dipolo com corte em 45°, d) 7, 3 THz modo quadrupolo sem corte e e) 7, 3 THz modo quadrupolo com corte em 45°  $\epsilon_f = 0, 15$  eV.

Todos os outros parâmetros, tanto geométricos como físicos são mantidos fixos, 5 ou seja, R = 600 nm, w = 200 nm, L = 1500 nm, g = 5 nm e  $\epsilon_F = 0, 15$  eV. Observa-se 6 que o dispositivo começa a operar na frequência de ressonância do modo dipolo em 5,3 7 THz (Figura 4.7 a). Desta forma, é importante frisar que a inclinação não é um fator que 8 afetou a frequência de ressonância do dispositivo, haja vista, a diferença é mínima em 9 relação ao dispositivo sem corte. Além disso, as demais frequências de ordem superior 10 modos (hexapolo e octapolo) sofrem distorções devido também às reflexões múltiplas com 11 interferência destrutiva causada pela influência dos cortes laterais em 45°. 12

### <sup>1</sup> 5 Conclusão

Neste trabalho foi elaborado um filtro baseado em grafeno, depositado sobre uma 2 superfície de  $SiO_2$  e Si operando na faixa THz. Começamos o trabalho estruturando o 3 dispositivo no software Comsol, onde a mesma possui dois guias de onda retangulares 4 acoplados frotalmente a um ressonador circular depositado sobre substrato diéletrico 5 compostos  $SiO_2$  e Si. Onde o guia de onda composto de grafeno é capaz de suportar o 6 modo de propagação SPP. Sendo assim, através das equações de Maxwell e as condições 7 de contorno, bem como do método de elementos finitos (FEM) possibilitou-se a análise 8 númerica do dispositivo. 9

Desta forma, realizamos a análise do dispositivo sem corte, onde observou-se que 10 o mesmo comporta-se como filtro eletromagnético, onde seu príncipio de funcionamento 11está baseado em ondas plasmônicas de grafeno que excitam os seus respectivos modos 12 dipolos 5, 4 THz, quadrupolo 7, 3 THz, 8, 1 THz (transição do modo quadrupolo para o 13 hexapolo) 8,8 THz hexapolo e 9,7 THZ octapolo. Além disso, podemos observar no decorrer 14 do trabalho que há uma mudança significativa na frequência de ressonância do modo 15 dipolo e quadrupolo quando realizamos cortes horizontais, no entanto ao realizamos cortes 16 inclinados em 45°, percebemos que não alteração expressiva na frequência de ressonância 17 tomando como referência o dispositivo sem corte para ambos os casos. 18

Em seguida, realizamos corte no ressonador para analisarmos a interferência do corte 19 na transmissão. Podemos detectar que à medida em que aumentamos o corte diminuímos 20 a transmissão, bem como a frequência de ressonância. Ao analisarmos o dispositivo com 21 cortes horizontais laterais percebemos uma perda de inserção de -4 dB. Tais perdas 22 de inserção são ocasionadas devido múltiplas reflexões nas bordas dos cortes laterais no 23 ressonador as frequências de ordem superior dos modos (quadrupolo, hexapolo e octapolo) 24 extingue devido as reflexões múltiplas que interferem de maneira destrutiva que ocorrem 25 devido a interferência do corte. 26

Demonstramos no decorrer do trabalho uma solução factível na utilização de grafeno
para aplicações em dispositivos plasmônicos em especial nano-filtros que operem na região
THZ. Com isso, mostramos que o grafeno é opção para dispositivos plasmônicos com alta
possibilidade de revolução no mercado.

#### 1 Trabalhos futuros

- 2 Variação do gap em relação ao filtro de frequência
- Variação do potencial químico na estrutura do dispositivo
- Criação de novos dispositivos baseados no grafeno exemplo: swicth
- 5 Trabalhos realizados durante o período de mestrado
- ARTIGO APRESENTADO: INTERNATIONAL HASANKEYF SCIENTIFIC RESE-
- 7 ARCH AND INNOVATION CONGRESS 29-30 APRIL, 2023 BATMAN/TURKEY



Figura 5.1 – ARTIGO INTERNATIONAL HASANKEYF SCIENTIFIC RESEARCH AND INNOVATION CONGRESS

### Referências

- A. J. Zarbin and M. M. Oliveira, "Nanoestruturas de carbono (nanotubos, grafeno): Quo vadis?," *Química Nova*, vol. 36, pp. 1533–1539, 2013. Citado 2 vezes nas páginas 14 e 22.
- [2] M. G. PALACIO *et al.*, "Estudo das propriedades do grafeno: do conhecimento teórico as aplicações," *ETIC-ENCONTRO DE INICIAÇÃO CIENTÍFICA-ISSN 21-76-8498*, vol. 15, no. 15, 2019. Citado na página 14.
- [3] A. K. Geim and K. S. Novoselov, "The rise of graphene," *Nature materials*, vol. 6, no. 3, pp. 183–191, 2007. Citado na página 14.
- [4] V. Dmitriev and C. M. do Nascimento, "Planar thz electromagnetic graphene passband filter with low polarization and angle of incidence dependencies," *Applied Optics*, vol. 54, no. 6, pp. 1515–1520, 2015. Citado 2 vezes nas páginas 14 e 27.
- [5] M. Wang and E.-H. Yang, "Thz applications of 2d materials: Graphene and beyond," Nano-Structures & Nano-Objects, vol. 15, pp. 107–113, 2018. Citado na página 14.
- [6] S. Asgari, Z. G. Kashani, and N. Granpayeh, "Tunable nano-scale graphene-based devices in mid-infrared wavelengths composed of cylindrical resonators," *Journal of Optics*, vol. 20, no. 4, p. 045001, 2018. Citado na página 14.
- [7] G. Wang, H. Lu, X. Liu, D. Mao, and L. Duan, "Tunable multi-channel wavelength demultiplexer based on mim plasmonic nanodisk resonators at telecommunication regime," *Optics Express*, vol. 19, no. 4, pp. 3513–3518, 2011. Citado na página 14.
- [8] H. Zhuang, F. Kong, K. Li, and S. Sheng, "Plasmonic bandpass filter based on graphene nanoribbon," *Applied optics*, vol. 54, no. 10, pp. 2558–2564, 2015. Citado na página 14.
- [9] S. Asgari and N. Granpayeh, "Tunable plasmonically induced reflection in graphenecoupled side resonators and its application," *Journal of Nanophotonics*, vol. 11, no. 2, pp. 026012–026012, 2017. Citado na página 14.
- [10] H. S. Ferreira and M. d. C. Rangel, "Nanotecnologia: aspectos gerais e potencial de aplicação em catálise," *Química nova*, vol. 32, pp. 1860–1870, 2009. Citado na página 16.
- [11] L. E. d. S. d. SANTOS et al., "Desenvolvimento de célula eletrolítica nanoestruturada baseada em mandioca/lítio e eletrodos de nanotubos de carbono," 2019. Citado na página 16.

- [12] R. C. Gomes, V. A. A. Pastore, O. A. Martins, and G. F. Biondi, "Aplicações da nanotecnologia na indústria de alimentos. uma revisão," *Revista Brasileira de Higiene e Sanidade Animal*, vol. 9, no. 1, pp. 1–8, 2015. Citado na página 16.
- [13] I. Miles and E. R. Leite, "Nanotecnologia: oportunidade para a indústria e novas qualificações profissionais," 2015. Citado na página 16.
- [14] E. P. Lima, "Análise e projeto de acopladores de guia de onda plasmônico," 2019. Citado 2 vezes nas páginas 17 e 25.
- [15] E. de Maxwell, "Maxwell e a física-matemática," Citado na página 17.
- [16] A. P. B. Oberziner *et al.*, "As equações de maxwell e aplicações," 2008. Citado na página 17.
- [17] J. T. Oden and J. N. Reddy, An introduction to the mathematical theory of finite elements. Courier Corporation, 2012. Nenhuma citação no texto.
- [18] C. A. Balanis, Advanced engineering electromagnetics. John Wiley & Sons, 2012. Citado na página 17.
- [19] M. J. Bueno *et al.*, "Propriedades eletrônicas de grafeno com defeitos," 2011. Citado 2 vezes nas páginas 8 e 18.
- [20] J. Segundo and E. O. Vilar, "Grafeno: Uma revisão sobre propriedades, mecanismos de produção e potenciais aplicações em sistemas energéticos," *Revista Eletrônica de Materiais e Processos*, vol. 11, no. 2, pp. 54–57, 2016. Citado 2 vezes nas páginas 18 e 19.
- [21] W. O. P. Castro *et al.*, "Dispositivos não-recíprocos baseados em grafeno na região de thz," 2019. Citado 8 vezes nas páginas 8, 18, 20, 21, 23, 24, 30 e 31.
- [22] J. S. F. Camargos, A. de Oliveira Semmer, and S. N. da Silva, "Características e aplicações do grafeno e do óxido de grafeno e as principais rotas para síntese," *The Journal of Engineering and Exact Sciences*, vol. 3, no. 8, pp. 1118–1130, 2017. Citado 4 vezes nas páginas 8, 18, 19 e 20.
- [23] A. OLIVEIRA, H. KITAMURA, and V. AGUIAR, "Estudo e avaliação de métodos de síntese e caracterização de grafeno," *Blucher Chemical Engineering Proceedings*, vol. 1, no. 3, pp. 2365–2370, 2015. Citado 4 vezes nas páginas 8, 19, 20 e 21.
- [24] F. d. C. Fim, "Síntese e propriedades de nanocompósitos de polietileno/nanolâminas de grafeno obtidos através de polimerização in situ," 2012. Citado na página 19.

- [25] K. S. Novoselov, A. K. Geim, S. V. Morozov, D.-e. Jiang, Y. Zhang, S. V. Dubonos, I. V. Grigorieva, and A. A. Firsov, "Electric field effect in atomically thin carbon films," *science*, vol. 306, no. 5696, pp. 666–669, 2004. Citado na página 20.
- [26] C. L. G. P. Martins, "Síntese de grafeno e sua redução pelo método de esfoliação química," B.S. thesis, Universidade Federal do Rio Grande do Norte, 2020. Citado na página 21.
- [27] L. S. Montagna *et al.*, "Síntese de nanocompósitos de polipropileno/grafite obtidos por meio da polimerização in situ," 2010. Citado 2 vezes nas páginas 8 e 21.
- [28] M. O. d. Castro, "Síntese de grafeno pelo método cvd," 2011. Citado na página 21.
- [29] I. S. Lopez, R. P. H. López, B. P. González, A. J. Hernández, I. Y. Gutiérrez, and L. A. Carrasco, "Síntesis y caracterización del grafeno, a partir del método de hummers y reducción térmica con ácido ascórbico," XII ENCUENTRO PARTICIPACIÓN DEL LA MUJER EN LA CIENCIA, 2015. Citado na página 21.
- [30] M. J. Allen, V. C. Tung, and R. B. Kaner, "Honeycomb carbon: a review of graphene," *Chemical reviews*, vol. 110, no. 1, pp. 132–145, 2010. Citado 2 vezes nas páginas 8 e 22.
- [31] K. E. F. Maximiano, "Caracterização de grafeno cvd por imageamento em ângulo de brewster," 2020. Citado 2 vezes nas páginas 8 e 22.
- [32] M. D. d. O. Souza, "Estudo teórico de materiais à base de grafeno modificado para aplicações em eletrocatálise," 2020. Citado 4 vezes nas páginas 8, 22, 23 e 24.
- [33] C. L. A. Araujo, "Grafeno: composição, propriedades, aplicabilidade e perspectivas," *Revista Brasileira de Processos Químicos*, vol. 3, no. 2, pp. 33–47, 2022. Citado 3 vezes nas páginas 22, 23 e 27.
- [34] T. Wassmann, A. P. Seitsonen, A. M. Saitta, M. Lazzeri, and F. Mauri, "Clar's theory, π-electron distribution, and geometry of graphene nanoribbons," *Journal of* the American Chemical Society, vol. 132, no. 10, pp. 3440–3451, 2010. Citado na página 23.
- [35] D. Zhan, J. Yan, L. Lai, Z. Ni, L. Liu, and Z. Shen, "Engineering the electronic structure of graphene," *Advanced Materials*, vol. 24, no. 30, pp. 4055–4069, 2012. Citado na página 23.
- [36] P. R. Wallace, "The band theory of graphite," *Physical review*, vol. 71, no. 9, p. 622, 1947. Citado na página 24.
- [37] G. S. de Melo, "Ufpa/itec/ppgee," Citado 4 vezes nas páginas 24, 25, 26 e 27.

- [38] J. L. Huamaní Correa, "Estrutura eletrônica e propriedades de transporte quântico em nanoestruturas de grafeno e siliceno," 2014. Citado 3 vezes nas páginas 8, 24 e 25.
- [39] C. R. M. d. SANTOS et al., "Efeitos de faraday e kerr em estruturas periódicas metálicas: Grafeno na faixa de thz e ouro-dielétrico-bi: Yig na faixa do infravermelho," 2018. Nenhuma citação no texto.
- [40] A. Andrade-Neto, A. Ribeiro, and A. Jorio, "Relação de dispersão para os plásmonpoláritons de superfície em uma interface plana metal/dielétrico," *Revista Brasileira de Ensino de Física*, vol. 39, 2017. Citado 3 vezes nas páginas 8, 25 e 26.
- [41] A. N. Grigorenko, M. Polini, and K. Novoselov, "Graphene plasmonics," Nature photonics, vol. 6, no. 11, pp. 749–758, 2012. Citado na página 26.
- [42] E. J. M. C. B. Dias, Efeitos plasmónicos em estruturas unidimensionais e em nanoestruturas à base de grafeno. PhD thesis, 2016. Citado na página 26.
- [43] S. Sheng, K. Li, F. Kong, and H. Zhuang, "Analysis of a tunable band-pass plasmonic filter based on graphene nanodisk resonator," *Optics Communications*, vol. 336, pp. 189–196, 2015. Citado 4 vezes nas páginas 8, 27, 29 e 31.
- [44] F. Kneubil, "Modelo de drude e a interação da luz com a matéria," Caderno Brasileiro de Ensino de Física, vol. 38, no. 1, pp. 775–802, 2021. Citado na página 28.
- [45] G. W. Hanson, "Dyadic green's functions and guided surface waves for a surface conductivity model of graphene," *Journal of Applied Physics*, vol. 103, no. 6, p. 064302, 2008. Citado na página 28.
- [46] H. Yan, F. Xia, W. Zhu, M. Freitag, C. Dimitrakopoulos, A. A. Bol, G. Tulevski, and P. Avouris, "Infrared spectroscopy of wafer-scale graphene," Acs Nano, vol. 5, no. 12, pp. 9854–9860, 2011. Citado na página 28.
- [47] J. Horng, C.-F. Chen, B. Geng, C. Girit, Y. Zhang, Z. Hao, H. A. Bechtel, M. Martin, A. Zettl, M. F. Crommie, *et al.*, "Drude conductivity of dirac fermions in graphene," *Physical Review B*, vol. 83, no. 16, p. 165113, 2011. Citado na página 28.
- [48] S. He, X. Zhang, and Y. He, "Graphene nano-ribbon waveguides of record-small mode area and ultra-high effective refractive indices for future vlsi," *Optics express*, vol. 21, no. 25, pp. 30664–30673, 2013. Citado na página 29.
- [49] P. A. D. Gonçalves and N. M. Peres, An introduction to graphene plasmonics. World Scientific, 2016. Citado na página 32.